

25

509.2

LEZIONE
ACADEMICA.

LEZIONE ACADEMICA

Hauuta nell' Academia di S. A. Reale
in Torino il giorno 5. Marzo 1678.

DAL DOTTORE
GEMINIANO MONTANARI
MODANESE

*Professore delle Scienze Matematiche nell' Vniuersità
di Bologna*

Sopra le CONTROVERSIE LETTERARIE passate frà il
Dottissimo Signore N. N. e lui.

DEDICATA A
MADAMA REALE.

*Aggiuntoui gl' Auuili publicati in Torino dal medesimo Sig. N. N.
e le considerazioni dell' Autore sopra i punti
Letterarij quini contenuti.*



In Torino, & in Bologna, Per li Manolefsi. M. DC. LXXVIII.

Con licenza de Superiori.



MADAMA REALE.



O venni al Fonte delle grazie, e de gli honori quando mi portai supplicheuole à piedi di V. A. R. e ne riportai così abbondeuoli gl'effetti, che ad ogn' altro haurebbono bastato per soddisfare ogni sete di Gloria: Ma non è vizio l'eccesso in questa sorta di desiderij: Io ne fui sempre così litibondo, che spero

spero non isdegnarà la magnanimità di Vostra Altezza Reale, ch'io mi prenda, oltre tanti altri, questo nuouo honore di dedicare al Glorioso suo NOME un *Academica Lezione*, ch'è nata al di lei cenno, e che porta con sè la marca così pregiabile di tant'altre sue grazie.

Doueuu raffrenare questo mio grande ardore, se non altro, l'impegno, che pare seco portino le *Dedicatorie*, di farsi *Panegirista* del Soggetto a chi si dedica: ma io hò creduto douersi condonare à mè un' obli- gazione così souuerchiante le mie forze; sì perche la grandezza degl' *Eroici gesti*, e delle sublimi *Prerogative* di *V. A. R.* stancheranno le penne, e de gl' *Istorici* tutti, e d' ogn' altro più rinomato *Scrittore*; sì perche le lodi di *V. A. Reale* saranno per sè sole materia per ampy volumi, da non ristringerne pure un piccolo argomento in qualunque *Dedicatoria*; sì perche la bassezza del mio talento, disuguale affatto à sì gloriosa *Impresa*, confessa non hauer occhio
si vi-

si viuaçe, che possa per un momento affis-
sarsi in tanto splendore, non che annoue-
rarne l' infinita de Raggi, che hormai di-
stendono da un Polo, all' altro la Luce,
onde assai vanto mi sia il potere profon-
damente inchinato gloriarmi.

Di V. A. R.

Torino 5. Marzo 1678.

Humilissimo, & Obbedientiss. Seruo.
Geminiano Montanari.

Vidi D. Io: Chrysoſt. Vicecomes Pœnitent. pro Emi-
nentiffimo, ac Reuerendiſſimo D. Hieronymo
Boncompagno Archiepiſcopo Bonon. & Prin-
cipe.

Die 5. Aprilis 1678.

D. Caietanus Spinola de Mandato Reuerendiſſ. Patris
Mag. Fr. Sixti Cerchij Inquiſitoris Gener. Bonon.

Imprimatur.

Fr. Sixtus Cerchius Inquiſit. Generalis Bononiæ.

LEZIONE ACADEMICA.



EN'à ragione il Politico Ragguagliatore con vna sensata Allegoria finì il Tribunale delle Scienze, e de' Letterati in Parnaso (Illustrissimi, & Eccellentissimi &c.) in que' tempi infelici, che lacerata l' Europa tutta da fierissime guerre; flagellata con le più crudeli sferze della Peste, e della Fame, le buone Lettere esuli dalle Corti non solo, ma poco meno, che dal conforto degli huomini sbandite, erano costrette cercar ricouero fra le più seluagge Pendici, e quiui di Chimeriche grandezze, e di Poetiche inuencioni, più che di vera gloria satollarsi.

Non così farebb'egli oggi giorno: & io sò bene, che al vedere le Scienze, e l'Arti tutte più Nobili in questa Real Corte, non ricouerate solo, mà innalzate a' più sublimi honori, hauer deposti i ruuidi panni, con che già per le scoscese Rupi di Citerone iscutauano con Stoiche Sentenze la mal gradita pouertà, e riuestite al presente de più nobili ammantanti vantare non men gloriosa, che fortunata, per liberalissime munificenze di Real Dominante, la loro perpetua stanza sù le felici sponde della Dora; direbbe non esser altro, che questa il vero Permessò, ne altri Parnasi, altri Elliconi douer intendersi nel Mondo, che le amenissime Colliette, che queste felici campagne circondano; ne altro Apollo, altre Muse, altri Tribunali della Sapienza, altra Patria de Letterati ritrouarsi fuor di quella, che la munificenza d'Augusta Regnante hà in questa Nobilissima Città stabilito; doue s'adorano vniti a i di lei Splendori, quelli

A

d'un

d'un SOL NASCENTE, i di cui raggi renderanno ben tosto feconde d'Allori, e di Palme queste spiagge deliziose, e doue s'ammira innestata su le più compite Bellezze la Virtù nelle Dame, il Sapere & il Valore con la Magnificenza ne' Principi, e Cauaglieri, e l'intiera Felicità ne' Letterati.

Felice Dora, che sotto gli Auspicii di Sapientissima, e Generosissima Dominante diuenuta la Regia de gli Eroi non meno, che della Virtù, può vantarsi d'hauer ella somministrato que' Campi, ne' quali *Sapientia adificauit sibi Domum*; onde restano troppo inferiori paragoni alle Reali sue Grandezze i Licei, i Portici, le Academiche d'Atene, le Palestre di Sparta, gli Amfiteatri, & i Cercchi Mafsimi de gli Augusti Romani; mercè che tutto ciò, che in tante Nazioni diuiso hà loro dato perpetua rinomanza, tutto in questa sola Corte raccolto l'hà resa Gloriosa al pari di quella di Salomone, di cui *Vniuersa terra desiderabat audire Sapientiam*.

Ed oh' me Beato, che tocco dal suono di Banditrice Fama volsi portarmi ad ammirarne di persona le marauiglie; ned' hebbi tantosto aperte le labbra ad implorar gli effetti della Giustizia, che mi diluuiarono con la Giustizia le Grazie, e gli Honori, de' quali dourò tutta mia vita gloriarmi: Oh' me Fortunato; se questa sera per corrispondere a così alti honori, potrà il mio rozo Ingegno a guisa di dura selce percosso dalle Dotte Riflessioni, che a miei *Pensieri* furon già fatte, tramandar fuori delle proprie durezza in vn così Maestoso Teatro qualche scintilla di Scienza: Oh' me perfettamente Felice, che vna volta a' miei giorni godrò (mercè le grazie di Reale Altezza) cimentarmi in Litteraria tēzone cō Armi altrettanto Nobili per lo valore di Filosofica tempera, quanto innocenti, perche a guisa di Fuochi di Gioia ardano per risplendere, non per ferire; onde possano le nostre Gare meritar in parte la Gloria di quelle d'Apelle, e di Protogene, ciascun de' quali senza offendere, ò punto guastar la linea del

del Compagno s'ingegnaua dipingerne nel mezo di quella vna non meno retta, ma più delicata, e gentile.

Le Matematiche Scienze, che da' tempi di Pitagora, sino a quelli d'Eudosso, e d'Archita erano state in tanta venerazione, che quasi Misterij Diuini non si propalauano, che a pochi; promulgate da questi vltimi, che n'ebbero perciò non piccoli rimproueri da Platone, quasi piante che non prima auessero goduto il Cielo aperto, risorirono d'un subito in tal guisa, che dilatate le radici sino ne Campi dell'altre Scienze, e della Fisica in particolare, produssero mai sempre, e fiori di bellissime Contemplazioni, e frutti d'utilissime non meno, che di merauigliose Inuentioni. Testimonio verace ne fecero l'Opre stupende di quell'Archimede, il di cui solo ingegno applicando alle cose Fisiche i suoi Matematici concetti faceua maggiore ostacolo a gli sforzi della Romana Potenza, che quasi tutta insieme la Cartaginese, e la Siracusana milizia; onde ne meritò sin da gli stessi Nimi il cognome di Diuino.

Lasciò questo gran Matematico per Eredità del suo sapere molt' Opre, il valor delle quali l'hà preseruato già poco meno di due mil'anni preso che intatte, e frà queste il merauiglioso trattato de *Inscientibus aqua* ò sia delle cose che sù l'acque galleggiano, & vn'altro de *aquiponderantibus*, o sia de' centri di grauità, dalla ricca miniera de' quali hanno poscia per tanti Secoli cauato l'oro di preziose speculazioni i Matematici tutti, e particolarmente il Giordano, il Tartaglia, il Valerio, il Commandino, Guid'vbaldo, il Guldino, il Ghetaldo, e per tacer di cent'altri, il famosissimo Galileo.

Frà le conclusioni, che nel primo di questi trattati dimostrò Archimede, vna ne fù, che i corpi galleggianti si som-
 mergano nell'acqua, o altri fluidi sino a tanto, che vna porzione
 di quel fluido, eguale alla parte sommersa, pesi per l'appunto al-
 trettanto, quanto fa tutto il corpo galleggiante, e vn'altra fù,
 che vn corpo, che nell'acqua, o altro fluido vada a fondo, pesi
 meno

Archim.
de insid.
Lib. 1.
Prop. 5.
Archim.
in Pro. 7.

meno in essa, che fuori, di tanto, quanto è il peso d'una mole di acqua: lui eguale.

Tralascio i Geometrici fondamenti, con che quel grand' huomo le dimostrò per verissime, e solo in grazia di chi si degna d'ascoltarmi dirò, non esser merauiglia se tali effetti vediamo, mentre vn corpo più leggiero di altrettant'acqua nel discendere in essa non hà forza dalla propria grauità per iscacciare fuori del suo luogo più acqua, di quella, che quanto egli tutto grauitar possa; onde profundatosi fino a tanto, che vna parte di quel liquore eguale alla parte di lui sommerse pesi del pari con lui, quiui equilibrandosi le forze, egli cessa dal moto; e per lo contrario se sarà vn corpo più graue d'altrettant'acqua, haurà forza di sommergerfi tutto, scacciando altrettant'acqua, mà sommerso, che sia non haurà più forza per discendere di quella gli soprauanza dall'equilibrio dell'acqua scacciata; onde vi sarà più leggiero che fuori non era, di quanto è il peso d'una mole d'acqua a lui eguale.

Hor queste due Conclusioni a guisa d'assiomi e leggi fondamentali della natura sono state fin quì da Matematici riceuute per indubitate, se non quanto vn Dottissimo, e sottilissimo Ingegno pochi anni sono sospettò così gagliardamente, che non potessero verificarsi, *se non quando ci fossimo immaginati l'humido in luogo, oue non fosse altro corpo, che esso, & il galleggiante, e che se vorremmo applicarle ai liquidi, a i quali souasta l'aria, tali proposizioni senza dubbio non potessero sussistere*, che ne promulgò per falsissimo in questo caso il concetto, ch'io spero far hoggi vedere, che anche in questo, & in ogn'altro caso si verifica.

Tutto il fondamento delle opposizioni di questo Signore in ciò consisteuà, per mio vedere, che supposto il peso assoluto de' corpi, del quale Archimede, e dopo lui con tanti altri il Galileo parlauano, esser quello, che haurebbono essi nel vuoto, cioè a dire, esser il peso assoluto tutta l'energia, che

NN. Di-
most. Fi-
sicomat.
Propos.
2. fol. 3.

che hanno intrinsecamente i graui per muouerfi al centro della Terra, nel qual calo ancora si verificano quelle proposizioni; pensò non poterfi verificare le medesime, quando sotto nome di peso assoluto pigliassimo quella sola energia, che hanno i corpi qui frà di noi nell'aria, che è minore di quella haurebbono nel vuoto di tanto quanto nel vuoto pesarebbe mole d'aria eguale a loro.

Sarà dunque mia parte il dimostrare, che le suddette proposizioni si verificano anche col riceuere per peso assoluto il peso in aria, & applicandole a que' liquidi, a quali sou-ra sta l'aria, e che Fisicomatematicamente sempre sussistono, appresso di che mostrerò, che indubitatamente fu inteso dal Galileo per peso assoluto il peso in aria, e che egli, & altri hanno interpretato Archimede, che nello stesso modo lo intendesse.

Dimostrò il Sig. N N. che ogni volta, che vn corpo qui frà di noi galleggiua sù l'acqua, supposto il peso assoluto nel vuoto, e quiui pesato quel corpo haurebbe pesato egualmente quanto vna mole d'acqua, eguale alla parte sommersa, con di più vna mole d'aria, eguale all'altra parte che soprannuota. E supponiamo si fosse sommerso quel corpo tre quarti di sè stesso, ed egli pesasse nel vuoto mille grani, & vna mole d'aria a lui eguale pesasse nel vuoto solo 4. grani; perche dunque soprauanza vna quarta parte all'acqua, vna mole d'aria, eguale a detta parte non farà, che vn grano nel vuoto, e l'acqua eguale all'altre tre parti peserà 999. che in tutto sono 1000. Hora perche portato quel corpo nell'aria pesa iui 4. grani meno, che nel vuoto, e portata ui l'altra mole composta di tre quarti d'acqua, & vno d'aria, peserà pure 4. grani meno; ecco che nuouamente farà eguale nell'aria il peso di quel corpo al peso di tant'acqua, quanta era la di lui parte sommersa, atteso che dedotti que' 4. grani da ciascuna parte, restano nuouamente eguali, & equilibrati; onde è vero il dire, che vn corpo più leggiero dell'

dell'acqua si sommerge in quella fin tanto, che vna mole d'acqua eguale alla parte sommersa pesi in aria, quanto in aria pesa esso corpo, che è il concetto d'Archimede, creduto, *falsissimo, e non sussistente in Fisicomatematica, & applicato a que' liquidi a quali souasta l'aria.*

Nello stesso modo, si come è vero, che vn corpo graue, che nell'acqua scenda a basso, vi pesa meno, che non farebbe nel vuoto, quanto nel vuoto pesa egual mole di quell'acqua, così è vero ancora, che egli pesa meno nell'aria, che non fa nell'acqua, quanto pesa nell'aria egual mole d'acqua: Imperciocche se già sono moli eguali, e nell'aria pesano meno, che nel vuoto ciascuna, quanto nel vuoto pesa mole d'aria eguale a loro; dunque ciascuna di esse peserà egualmente meno nell'aria, che nel vuoto, e per conseguenza, l'eccesso di peso, che era trà loro resterà il medesimo; onde sarà vero, che vn corpo graue nell'acqua pesa meno che nell'aria, quanto pesa nell'aria vna mole d'acqua eguale a lui, che è il concetto di Archimede, e del Galileo, e loro *assioma comunissimo preso non sussistente.*

NN. In-
segn.
a. 6. 130.

Mà come si fosse, che il Sig. NN. trouasse in questi conti il diuario, ch'io non ci trouo, parmi possa forse chiarirsi da quanto egli dice a carte 130. de' suoi Insegnamenti, oue egli si figura vn corpo pesante nel vuoto 1010. grani, & vna mole d'aria a lui eguale pesante nel vuoto gr. 10. & vn'altra pur simil mole d'acqua pesante nel vuoto gr. 100 onde pesato quel corpo nell'aria vi resterà graue solo gr. 1000. (dettratti li 10. grani, che pesa altrettant'aria) e pesato nell'acqua peserà solo 910. grani: perche 100. ne detrahe il peso di altrettant'acqua, dunque egli pesa meno che nell'aria 90. grani. Ecco dunque (dic'egli) che se l'acqua pesa 100. & il dimeno è 90. il dimeno non sarà quanto l'acqua: al qual discorso io prego bene gli Vditori far riflessione: poi che qui cadeua vn errore addossato a mè, e la verità si è, che quel graue pesa meno nell'acqua, che nell'aria 90. grani, ma altrettanto.

trettant'acqua non pesa in aria 100. grani, ma solo 90. an-
 ch'essa, perche l'aria gli leua del peso, che haurebbe nel
 vuoto. secondo i supposti, 10. grani, che è il suo peso; dun-
 que tanta è la differenza di quel peso in aria, & in acqua,
 quanta è in aria la grauità d'altrettant'acqua, & io non feci
 errore, ma bensì farebbe errore il paragonare il peso di que-
 sti corpi, vno nel vuoto, l'altro nell'aria, pigliare il peso as-
 soluto d'vno nel vuoto, e quello dell'altro nell'aria, men-
 tre la quistione è, se preso sotto nome di peso assoluto, quel-
 lo che hanno i corpi nell'aria, siano falsi, o veri i concetti di
 questi Autori, e se applicati a i liquidi, a i quali s'ouera
 l'aria possano *sussistere*, come resta prouato che *sussistono*.

Stabilita in cotal modo la parte principale del mio assunto,
 mostrerò hora essere indubitato, che il Galileo, & altri
 Autori hanno preso per peso assoluto de' corpi quello, che
 hanno nell'aria, e che così hanno interpretato Archimede
 medesimo.

Dimostra il Galileo a carte 42. del suo discorso de' Gal-
 leggianti, che ogni qualvolta si ponga vna Lamina di qua-
 lunque materia più graue dell'acqua a giacere sù l'acqua,
 medesima, ond'ella resti, come talvolta suole, a galla, soste-
 nuta dall'aiuto, che gli dà l'aria contenuta frà gli arginetti,
 che intorno a quel corpo fa l'acqua, dimostra dico, che se
 tale lamina, o falda sia di materia il doppio più graue dell'
 acqua, all'hora se ella sarà grossa quanto precisamente è,
 l'aria, che auanza frà quelli arginetti, si potrà sostenere,
 perche vna mole d'acqua eguale alla mole della laminetta,
 & a quella dell'aria, che sopra la laminetta stà dentro a que-
 gli arginetti, viene a pesar quanto quella lamina, e quell'
 aria insieme.

Di qui fu cauato argomento, che dunque il Galileo met-
 teua in conto il peso dell'aria, e per conleguenza intendeva
 il peso assolto nel vuoto, perche l'aria non poteua pesar nel-
 l'aria. Et io da questo luogo deduco per appunto, che il

Gali-

NN. B.
 segn.
 P. 9.
 113.

Galileo inten leua il peso assoluto nell'aria , e non nel vuoto, anzi così discorro .

Se veramente il Galilei messe in conto di qualche peso l'aria contenuta fra quelli arginetti vniti alla faldà d'ebano , o d'altra materia, di che parla, farà verò che egli intendea il peso assoluto nel vuoto , perche l'aria nell'aria non può far peso veruno , & io haurò il torto in pretendere , ch' egli intendesse il peso assoluto nell'aria : ma se egli non la metteua in conto di peso alcuno, farebbe chiara la mia proposizione, perche quando hauesse inteso il peso assoluto nel vuoto haurebbe fatto errore in non metterla in conto , essendo che nel vuoto, l'aria è graue .

Ma leggendo solo due righe più auanti , hò trouato che il Galileo dice così , *Et auuegnacche la mole dell'aria A. C., compresa cioè frà gli arginetti , non cresca ne diminuisca la grauità della mole I. S.* cioè della laminetta : Dunque non la mette in conto di peso , se dice che ella non scema ne cresce la grauità del corpo con cui si troua . E poco più basso, esemplificando la sua proposizione in vn'altro caso , dice , *e perche l'aria A. C. non cresce , o scema il peso del solido I. S.* e nella facciata seguente, oue egli fa la proposizione più vniuersale, dice nuouamente lo stesso .

Di quì dunque apparisce ben chiaro , che egli non pone in conto il peso dell'aria , se dice che ella non opera cos'alcuna , perche in fatti l'aria nell' aria non hà momento veruno, il che non potrebb'egli dire, se intendesse quell'acqua pesata nel vuoto , perche quiui sarebbe necessario metter in conto il peso d'altrettant'aria, altrimenti la proposizione non si verificherebbe, e sarebbe vn paralogismo , là doue dimostrata, e vera rimane , se si considera il peso assoluto nell' aria

Resta dunque prouato , che il Galileo intese per peso assoluto il peso de' corpi in aria , e non nel vuoto : Mà che Archimede , il quale non fece punto menzione d'aria , o di vuoto

vuoto, ad ogni modo intendesse lo stesso, sarà creduto da chiunque olleruerà, che niun'altra ragione l'haurebbe forse mosso a considerarlo altrimenti, se non se forse il far altrimenti fosse stato errore, & i suoi *concessi applicati a' liquidi a' quali souasta l'aria non hauessero potuto sussistere*, come è stato dubitato dal Signor NN.; ma se in fatti sono verissimi, anche in questo modo, e se Archimede nel suo Problema della Corona d'oro, nella quale scoperte il furto dell'Orefice pesando prima in aria, poi in acqua la Corona, & vn pezzo d'oro, & vno d'argento, a lei di peso eguali hà dato indizio, che la sua Dottrina deue così intendersi; perche senza occasione vogliamo negarlo? e dico senza occasione; perche farebbe occasione di farlo; se la di lui Dottrina non sussistesse in quel modo; e perche non più tosto seguitiamo il Galileo, e tant'altri grand'huomini, che che così l'hanno interpretato? Vdite le parole del Galileo nella sua Bilancetta.

Gal. Bilanc. a 6.

Deuesi dunque sapere, che i corpi solidi, che nell'acqua vanno al fondo, pesano manco nell'acqua, che nell'aria tanto quanto è nell'aria la grauità di tanta acqua in mole: quanto è esso solido; il che da Archimede è stato dimostrato. E doue lo dimostrò Archimede, se non nella sua Settima del lib. 1. oue non parla d'aria, o di vuoto? dunque il Galileo intende Archimede, che voglia il suo peso assoluto nell'aria.

Archim. Li. 1.

Prop. 7. de Insid.

E se Giordano, antico Autore, nel suo opuscolo de *Ponderositate*, dice nella sua prima proposizione. *Omnis corporis pondus in aere, quam in aqua maius est per pondus aquae sibi aequale in magnitudine*, se tanti altri l'hanno adoprato così, & adoprandolo così non rietcono *falsissimi*, ma veri, e sussistenti i loro concetti; perche non sarà probabilissimo, che Archimede ancora così lo intendesse?

Mà passiamo a discorrere della Dottrina del Centro di Grauità, che più antica d'Archimede, hà regnato sin'hora con stabile possesso nella mente de' Matematici d'ogni Seco-

lo, che ne hanno dedotto le Scienze Meccaniche, e l'hanno sì felicemente adoprata nell' Architettura, nella Nautica, nella Machinaria, e fino tal vno nel moto de' liquidi medesimi.

NN. Dimostrat.
Fisicom.
pag. 7.

Nelle dimostrazioni Fisicomatematiche stampate dal Signor NN. furono dette queste precise parole.

Con il medesimo principio hò pensato pure dimostrare, che le dimostrazioni d' Archimede intorno a i Galleggianti Conoidi manchino tra mano a quelli, che vogliono applicarle alle cose Fisiche, giacche il caminare con la Dottrina del Centro di gravità è tanto pericoloso, ch'io lo stimo un caminare al buio, essendo sicuro, che la Definizione di esso centro è falsa, e false per conseguenza le proposizioni da essa dedotte. Io confesso, che mi parue, che in queste parole si dicesse aliai schietto, che la definizione del Centro di gravità è falsa, e false per conseguenza le proposizioni da essa dedotte, onde io credei che questa per appunto fosse la mente del Sig. NN., e tanto maggiormente, che poche righe più basso, egli seguitava a dire. Ma per mostrare ch'io non discorro del tutto in vano, io dica, che se il Centro di gravità è un punto posto dentro ad un Piano, o Solido, intorno al quale le parti sono sempre di egual momento, e che sempre detto Piano, e detto Solido è diviso ugualmente in parti di peso assoluto da qualsivoglia linea o piano, che passi per detto centro; se così è torno a dire, e infallibile che la Dottrina del Centro di gravità non è dimostrata.

Nelle quali righe, ancorche io trouassi quella parola in parti di peso assoluto non solita mettersi da gli Autori, tuttavia mi sembrava pure, che venisse impugnata la Dottrina del Centro di gravità; e mi diedi a credere, ch'egli pensasse, che quella fosse la Definizione di esso centro, e maggiormente, perche immediatamente soggiungeua così.

Che di questo ne sia il vero, lo tratterò ampiamente quando ne sia tempo; e solo per adesso contentiamoci di vederne due Dimostrazioni, una in piano, l'altra in solido; dal che subito si por-

erà argomentare quanta ragione io habbia di dubitare della Dottrina, giacche le due proposizioni, che ho pensato qui porre a Pesto della Definizione del Centro di gravità, disfanno i fondamenti, sopra i quali da questi Autori fu fabricato.

Hor tutto questo maggiormente io credeua per vero, cioè che si pretendesse d'impugnare la Dottrina del Centro e la sua Definizione, e che fosse presa quella per la definizione commune de gli Autori, quanto ch'io non poteua intendere, che gli Autori dal Sig. NN. accennati fossero altri che quelli, che hanno scritto di tal materia; e tanto più vedendo che egli seguita con dire.

Concordemente concludono; che il Centro di gravità in un Triangolo diuidi l'asse in modo, che la porzione alla cima sia doppia della porzione alla base; onde questi pur sono gli Autori, che nelle righe antecedenti egli accennaua; e segue dimostrando, che diuiso per tal punto il Triangolo con vna linea parallela alla base, non resta diuiso in parti eguali, mà resta maggiore la parte verso la base.

Restaua io confermato ancora in questo mio senso, dal vedere, che nella proposizione, ch'egli fa susseguentemente d'vna Piramide egli dice. *Si pigli per esempio vna Piramide sopra base Triangolare. Il Centro di gravità secondo i medesimi Autori diuisa l'asse in maniera, che la porzione alla cima sia trepla della porzione alla base; perche proueremo ciò esser falso; e non secondo la Definizione; perche tirando per questo punto vn piano paralelo alla base, fa che la Piramide simile alla cima sia minore della porzione alla base.*

Sul fondamento di questo mio credere, che pareuami ben stabilito, io considerai in vna mia Lettera, che feci arriuare manuscritta in mano al Sig. NN., che la definizione portata in quel luogo era varia dalla commune degli Autori in questo solo, che doue gli Autori dicono, che ogni piano, o corpo vien diuiso con vna linea, o piano per lo centro di gravità in parti d'egual momento, è secondo me non senza

equiuoco , quì era stato detto *in parti d' equal peso assoluto* , il che niuno Autore haueua mai detto ; e che per le due dimostrarioni del Triangolo , e della Piramide veniua bensì dimostrarato , che non restauano diuisi da quella linea , o piano in parti d' equal peso assoluto ; mà che non perciò s' inferiua , che quelle parti non fossero di equal momento ; onde restaua in suo essere la Definizione degli Autori , e la Dottrina , che sopra di essa haueuauo fabbricata gli Autori medesimi : mà mi spiego più chiaramente in grazia di chi si degna ascoltar mi.

Per riconoscere se sia proporzionatamente equilibrata vna Spada fanno proua alcuni a posarla sopra vn dito poco lungi dall' elsa , e quiui trouano quel punto , oue equilibrandosi non hà maggiore inclinazione al discendere da vn capo , che dall' altro ; poiche quiui stà il Centro della grauità ; e non si ingannano gli Autori quando dicono , che intorno a questo punto le parti sono d' equal momento , perche infatti quiui l' vna all' altra fa contrapeso , & equilibrio ; ma non perciò si può egli dire , che diuidendo per quel punto la Spada , le sue parti d' equal peso assoluto restar douessero ; perche , diuiso che fosse , molto meno pesarebbe la lama , che l' elsa ; e se vnite si equilibravano , ciò seguiva , perche la lunghezza , e lontananza d' vna parte dal sostegno compensaua la maggioranza nel peso dell' altra , che più vicina al dito , o sostegno operaua : Hora io dalle parole che di sopra hò recitate di quell' Operetta , credeua ben di certo , che fosse stato preso equiuoco in quella Definizione , e che il mostrare , che vn Triangolo , & vna Piramide non veniuano diuise *in parti d' equal peso assoluto* , quando per lo Centro di grauità in tal modo si diuideuano , tendesse a distruggere la Dottrina di questo Centro , mentre appunto della Piramide si diceua , che *era falso , e contro la definizione* cioè , che *gli Autori diceuano* che il Centro fosse (cioè) a vn quarto dell' alce misurato dalla base verso la cima , il che si pretendea

deua prouare, mostrando, che non sempre la Piramide con vn piano per quel punto, diuisa restaua in parti d'egual peso; ne mi farei immaginato, che fossero capaci di diueria interpretazione quelle parole, *che la definizione di esso centro è falsa, e false per conseguenza le Proposizioni da essa dedotte; che la Dottrina di esso Centro non è dimostrata; che le due Dimostrazioni distruggeuano i fondamenti sopra de' quali fu dagli Autori fabbricato &c.* Ma non molto dopo hauer tramada- to quel mio Manuscritto, mi giunse egli indietro stampato con le risposte del Sig. NN., e con il compimento dell'Opera, (poichè io non haueua veduto, che i primi due fogli), e con la Lettera al Lettore, nella quale io trouai vna protesta di questo tenore. *Che del Centro di gravità non volsi in niuna maniera allontanarmi da quello, che tanto dottamente con dimostrazioni è stato trattato; poichè confesso, che nel Triangolo, e nella Piramide il Centro è quello, che egli è stato trauo, e* Dimoss. Fisicm. *che la sua definizione gli corrisponda all'essere, in quanto però nella Lettera al Lettore. il graue si colloca naturalmente per la scelta, e non nego che le porzioni alla base siano uguali in momento alle porzioni alla cima; Ma che solo dico, che tal Dottrina è falsa, e non dimostrata, per quelli che vogliono applicarla a tutte le cose &c.* e trouai nella risposta contro a quella mia Lettera, che mi si diceua non hauer inteso l'Autore contrariare alla Dottrina del Centro, ne d'opporli alla definizione di esso, e che in fatti la definizione da lui portata non era di alcuno Autore, e che se haueffi riguardato a quelle parole condizionali, *se il Centro di gravità è un punto &c.* e poco dopo se così è, torno à dire, è infallibile, che la Dottrina del Centro di gravità non è dimostrata, hauerei veduto, che le sue dimostrazioni corrono bene con quella clausola *se così è*; Che però io questa sera per non entrare in nuoua quistione. se questa Dottrina sia applicabile alle cose Fisiche, mentre vedo, che tanto felicemente l'hanno applicata sin hora tutti gli Autori, in tutti i Secoli, così nelle Meccaniche, come nella Nautica, Architettura, & altre

Dimoss.
Fisicm.
nella Lettera al
Lettore.

Risp. del
S. NN.
alla Lettera
del
Mont. a
c 41. 42.
43.

altre Scienze, accetto anch'io con la medesima condizione se così è per ottima la risposta data alle mie prime istanze, e passo a miei *Pensieri Fisicomatematici*.

Versaua fra le più rinomate Academie d'Europa, celebre all'hora, anche per la nouità il Problema; onde auuenisse, che preso vn Cannellino di vetro aperto da ambedue i capi, & accostato alla superficie dell'acqua, appena toccatala si vedeua l'acqua salir quasi spontaneamente su per la concauità di esso a varie altezze di due, e tre dita, e fino d'otto, e noue tal'hora, conforme più sottili erano di essi cannellini i forami: Ne differente sembraua l'effetto, che in alcune ampolle di vetro s'osserua, guernite d'vn sottile beccuccio, che ripiene d'algun liquore, questo in vece di liuellarfi nel beccuccio al piano, oue egli si ferma nell'ampolla, si vede sensibilmente innalzare sopra di esso, e tanto più quanto più sottile è esso beccuccio, effetti, che con l'argento viuo succedono poi tutti al contrario: Ne pubblicarono diuerse Esperienze, & osservazioni le Academie di Francia, e d'Inghilterra; se ne fecero molte nella Serenissima Corte di Toscana, & io in Bologna nell'Academia della Traccia ne feci pure moltissime per rinuenirne, se poteua, le cagioni; & osseruai, che non dissimile era questo effetto, dal salire, che l'acqua, & altri liquori fanno su per li fori d'vna spugna, o d'vn feltro, o d'altro simile corpo, e che anzi poteua essere lo stesso effetto, con quello del salire i medesimi a canto alle sponde de vasi formandoci intorno quasi sottili arginetti, o più tosto acuti cunei con che la loro superficie, che resta piana nel mezo, verso le sponde innalzandosi s'incurua allo in su, al contrario ancora di quello fa l'argento viuo, che verso le sponde s'incurua all'ingiu, facendosi conuerso.

Per rendere di tali effetti la ragione, io mi feci a considerare in primo luogo la natura dell'aria, che per tante Esperienze

rienze moderne hoggimai conuinta pesante, grauata sopra tutte le cose, e se preme sopra d'un liquore, ed habbia questo oue rifuggire in luogo, o vuoto per affatto, o di solo Etere amouibile ripieno, iui lo spinge, e sforza ad entrare, anche suo mal grado rampicandosi su per le Canne del vuoto Torricelliano. Quindi dal vedere, che l'aria pure è riducibile in minor mole per la compressione, e dilatabile in maggiore per la rarefazione, io congetturaua non poter ella esser composta, che di parti, piccolissime sì, ma di figura non atta a riempire lo spazio; onde a guisa di lana, o altro simile corpo, potesse ben sì comprimerli, o dilatarli, ma non mai così restringere le sue filamenta insieme, che non vi restassero frà l'un pelo, e l'altro spazietti vuoti; e sì come vediamo, che non è giammai, così fissato vn feltro, che non ammetta frà le sue parti, e l'aria, e l'acqua; così poter dirsi, che non mai così compressa nelle minime sue parti sia l'aria medesima, che altri spazietti, o vuoti, o di puro etere non pesante ripieni, per tutto non lasci. Ciò supposto io diceua parermi molto verisimile, che frà l'aria, e le sponde de' vasi, o qualunque altra superficie de corpi restino cotali spazietti, ne' quali insinuandosi l'acqua lungo le sponde, mercè la pressione dell'aria medesima, sia forzata portar seco tante particole, che lateralmente per la sua viscosità gli si attaccano, che formano quel cuneo, o arginetto sottile d'acqua, che intorno ad esse sponde si osserua. Di qui passando con la considerazione a ciò che farebbero quelle parti d'acqua innalzate, se s'accostassero assai vicine due sponde assieme, mi venne fatto di conoscere, che se già il peso dell'aria ambiente operaua in modo, che a canto a ciascuna sponda quella determinata quantità d'acqua s'innalzaua sopra il liuello della rimanente, niente meno quantità se ne innalzarebbe per tale accostamento; e se la vicinanza delle sponde non desse luogo a capir tutta in quel sito, haurebb'ella potuto innalzarsi, e distendersi in altezza, quanta in essi cunei a principio ne capi-

ua,

ua; onde tanto più sarebbe salita in alto, quanto più vicine fossero state le sponde. Così argomentauo salir' ella ne' cannellini, e più in alto quanto più stretti; e non vi salire, anzi restar più basso il Mercurio, perche composto di parti meno adattabili alla superficie del vetro, di che sia l'aria medesima, militano contro di lui; & a fauore dell'aria le ragioni, che contro l'aria in fauor dell'acqua habbiamo portato.

Confermaua con molte Esperienze, e con altre riflessioni il mio detto; ma non scorse l'anno, da che publicati haueua questi miei *Pensieri*; che trouai stampato vn libro intitolato *Antignome*, cioè a dire *Contropensieri* in cui mi vidi impugnata questa Dottrina principalmente all' hora con vna speranza, che diceua il Sig. N. N. hauer prouato, ma che rifatta nell'Academia della Traccia in Bologna riuscì sempre affatto il contrario di quanto nell'Antignome veniuo supposto, e l'Autore medesimo confessò poi ne' suoi Insegnamenti d'hauer in quella preso equiuoco; ma frà tanto non solo il medesimo Sig. ma molt' altri Amici per lettere ancora mostrarono parer loro molto valida opposizione quella, che risultaua da vn'altra Esperienza vera, e fatta nell'Academia del Cimento della Corte di Toscana, doue apparìua, che posto vn tal cannellino nell'aria chiusa in vn vaso, e gagliardamente rarefatta, si che egli da ambi gli orificij comunicasse con quell'aria, l'acqua ad ogni modo vi salìua, come se nella nostra aria commune stata fosse, dal che sembraua dedursi, *che non hauesse parte la pression dell'aria in questi effetti*.

Ma ciò non ostante, paruemi restasse tuttauia illesa da questa Esperienza la mia Dottrina per le ragioni, che hora sono per dire.

Figuriamoci fatta in primo luogo quì nell'aria libera, l'Esperienza, e che habbiamo veduto salir l'acqua in vn cannellino fino all'altezza di tre dita. Non hà dubbio veruno, che quest'aria esterna è sempre la medesima, che al diffuo-

ri, &

N. N. In-
segn. Fisi-
com. a. c.
162.

N. N.
Ris. alla
Lettera
del Mon-
tanari in
fine.

ri, & al di dentro del cannello preme sù le superficie dell'acqua, quanto sia per sè, con forze eguali; onde la disegualianza, che in quelle pressioni trouiamo, da que' soli piccioli spazj procede, ch'io dissi restar vuoti frà l'aria, e le sponde del vaso, ò la superficie interna del vetro. E se ci trouaremmo in sito, oue l'aria sia più, ò men graue, mentre ella comunica con l'altra, ch'è dentro del Cannellino, haurà in ambedue i luoghi affatto simile la sua costituzione in densità, ò rarità, onde la disegualianza delle pressioni procedente da' prenominati spazietti vuoti sempre la medesima dourà restare per l'appunto, e se fosse quest'aria quanto dir vogliamo rarefatta, & anche più, che nell'Esperienza di Toscana far si potesse, ad ogni modo per la comunicazione, che hanno insieme l'aria interna del cannello con l'esterna sua ambiente, vi resterà sempre la medesima disparità di prima, come procedente da que' spazietti vuoti, che sempre vi sono, e che in tal caso più tosto maggiori diuengono per la rarefazione dell'aria.

Ma per maggior chiarezza del mio dire, io m'hauuea figurato, che fosse la forza dell'aria esterna premente sù l'acqua 100. gradi, & all'interna, che per altro eguale sarebbe, a causa di que' spazietti solo vn grado mancasse, in virtù del quale l'acqua salisse: Di poi supposto, che all'esterna fossero con qualche artificio scemate 50. parti, o gradi della sua forza; altrettanti per l'appunto, dils' io, scemarebbono all'interna; onde se prima era la forza dell'aria esterna gradi 100. dell'interna gradi 99 ne veniu a restare all'esterna gradi 50. & all'interna 49. con vn grado di differenza come prima, e se nuouamente rarefacemmo in qualunque modo, quest'aria, sempre resterebbe vn grado preciso di suario sin a tanto, che tutta l'aria, se possibil fosse, ne fosse euacuata. Mercè, che quel diuario d'vn grado non procede da varietà di forza, che risieda in vna parte più, che nell'altra della medesima aria, ma da que' spazj ne quali manca l'aria, e ne quali perciò l'acqua, comè dissi, s'insinua.

C

A que-

A queste ragioni fù risposto con interpretare quel mio dire *altrettanti per l'appunto* per vn dire *altrettanti proporzionalmente*, cioè, che se io scemaua all'aria ambiente 50. gradi di densità, che è la metà de' 100. primieri, all'aria intiera del cannellino ne douesse scemare 49. e mezzo, che è la metà de' suoi 99. il che tanto è lontano ch'io potessi dire, che *basterebbe bisognato*, ch'io credessi, che con rarefar l'aria scemassero, o si riempissero per la metà que' spazietti, quando più tosto crescono; onde dissi *altrettanti per l'appunto*, acciò i Lettori intendessero *per l'appunto*, e non *proporzionalmente* frà i quali termini è la differenza, che è frà la *Proporzione Aritmetica, e la Geometrica*, o che sarebbe dal pagare vn tributo a tanto per testa, a pagarlo a tanto per cento delle ricchezze di ciascuno; & io non vedo come rarefacendosi l'aria, che è in questa gran sala fino al perdere 60. de' 100. gr. di densità, ch'ella haueua in ciascun luogo, non ne deua perdere 60. per l'appunto quella, che in vn vaso piccolo aperto qui si trouasse, e che hauesse comunicazione col restante.

Se dunque io dissi *altrettanti per l'appunto* mi si faceua ben torto sensibile interpretarlo *proporzionalmente*, e sù questo *proporzionalmente* voler conuincermi d'vn errore, ch'io non commisi, mentre nel senso, in che io scrissi, la mia Dottrina ne meno da questa Esperienza punto scossa rimane, si come scossa non viene dall'altre ragioni di minor peso, che in più luoghi dell'Antignome, e degl'Insegnamenti si portano, le quali rimetto al Giudizio di chi haurà la bontà di leggerle, e conferirle co' miei Pensieri, e con quanto sin hora è stampato; Imperciocche non posso hormai più abusare della benignissima sofferenza di tanta Nobiltà, e Letterati, che hanno degnato d'vdir quanto in materia così nemica di Rettorici abbellimenti sin qui, e per semplice informazione di queste nostre Filosofiche Contese, rozamente

Hò detto.

L' A V T O R E

19

All' Illustrissimo Sig.

GIO. ANTONIO
D A V I A



Non fui sì tosto in Bologna di ritorno da Torino, che mi haueuano preceduto gli AVVISI stampati costì, e publicati dopo la mia partenza dal Sig. N. N. capitati già in mano quì a più persone sopra le nostre Letterarie contese, e confesso d'auermene stimato favorito, sì per la cortesia, con che gl'è piaciuto trattarmi, sì per hauermi in tal modo dato luogo di far vie più manifesta la verità, soddisfacendo alle difficoltà, e ragioni, ch'egli porta contro ciò, ch'io dissi nella già publicata mia Lezione Academica; onde hò creduto mio dovere mostrare la stima, ch'io fò delle sue opposizioni, e di chiunque altro in stilo proprio de Letterati vorrà degnarle le mie cose, inuiando con questa à V. S. Illustrissima le risposte, ch'io giudico bastevoli à renderlo chiaro de suoi dubbi L'honore, che m'hà fatto V. S. Illustriss. lungo tempo in udire le mie Lezioni, m'assicura, ch'ella hà tanta pratica del mio stile, e de miei sentimenti, che unita alla perspicacia del suo intelletto, col quale di

C 2

già

gia si nobilmente risplende frà Cauaglieri di sua età in questa Patria, potrà bastare di soauerchio a soddisfare a chi che sia, che non restasse affatto persuaso de miei detti, i quali quantunque procuro siano intelligibili a ciascuno, pure può essere manchino per tal uno di quella chiarezza, che senza prolissità non si può conseguire. Io confido dunque che V. S. Illustriss. sia per farlo, oue ne accada la congiuntura, e particolarmente in coteſta Illuſtriſſima Accademia, doue con tanta ſua lode frà gl' eſercizij di Cauallereſche Virtù, V. S. Illuſtriſs. fa ſpiccare la prezioſità de ſuoi talenti, & in coteſta Città, e Corte Nobiliſſima, che fatta Teatro di queſte Dottrinali Contefe, m' ha fatto mietere più Glorie, & honori da queſte, abbenche contratte Dottrine, che non poteua da perfetti, e ripoliti Volumi ſperare. A V. S. Illuſtriſs. dunque ne conſegno la Tutaſela, e ſeco me ſteſſo, come il più vero
 Di V. S. Illuſtriſs.

Bologna 30. Marzo 1678.

Diuotiſſimo, Obligatiſs. Seruitore
 Geminiano Montanari.

Con

**Copia degli Auuifi scritti a suoi Amici
dal Dottissimo Sig. N. N. publicati
colle Stampe in Torino.**

*Aggiointoui le Considerazioni intorno i Punti Dottrinali
quiui contenuti del Dott. Geminiano Montanari.*



Allegrateui meco, ò Amici, che hò go. *Auuifi.*
duta la sodisfazione di conolcer di vi-
sta, come io lo conolceua per la sua
gran fama l'Eccellentissimo Sig. Dott.
Geminiano Montanari Profelsore del-
le Matematiche nello Studio di Bologna; ed hò auuto
il contento di dare a lui, e da lui riceuere amicheuoli,
e cordialissimi abbracciamenti. Che le desiderate sa-
pere in quali occasioni, e come ciò sia addiuenuto, ec-
co, che ve ne dò gli auuifi.

Arriuato egli in Torino fece presentare a M. R. il dì
25. del caduto mese di Febraro per mezzo di cospic-
uo Personaggio la qui contenuta supplica.

M. R.

*Implora la somma giustizia, e clemenza di V. A. R. il
suo humilissimo seruo Geminiano Montanari Profes-
sore delle Scienze Matematiche nello Studio di Bolo-
gna umilmente rappresentando*

Che

Che il Canonico Donato Rosselli hà in più opere, sue stam-
pate prouocato il Supplicante a Contese Letterarie; ma
con termini così impropri, e con imposture di tal pre-
giudizio all'estimazione di esso supplicante, che non
auendo creduto suo decoro il risponder colle stampe sul-
le stesse pedate, ha finalmente conosciuto esser unico me-
zo alla riparazione del suo nome

Supplicar come fa umilissimamente l'A. V. R. a de-
gnarsi di fargli giustizia, con deputare Matematici di
questa sua Real Corte, e Città, che dentro a tempo con-
ueniente vedano, e decidano con voto da publicarsi le
pendenze letterarie, che fra loro vertono fin qui, sotta-
ponendosi fin d' ora a qualunque dichiarazione ne sarà
fatta da' medesimi, e contentandosi per la riparazione
all'ingiurie contro di lui seminate in quell'opere, del
solo giudicio ne farà il Mondo, quando vedrà ciò,
che della parte scientifica sarà d'autorità di V. A. R.
giudicato, che della grazia, &c. *Quam Deus, &c.*

Per lo punto dell'onore; acciocchè lo disaminasse-
ro, e come arbitri vi prouedessero M. R. volle che fos-
sero de' primi Cauallieri di questa Corte.

E per la Gara Letteraria volle la medesima M. R.
che Sua Ecc. il Gran Cancelliere ne fosse egli solo l'Ar-
bitro sì nell'ammetterla, ò nò; sì nell'assegnarne il
Campo, quando l'auelse approvata, e nel preterirne
la forma, e la maniera.

Per

Per lo punto dell'onore radunatisi i sopraccennati Cavalieri la sera del dì 28. ed ultimo del sudetto mese, vdirono il Sig. Montanari, e me separatamente, dopo di che rimasero per alcun tempo in consulta. Tenuta la quale ci fecerò chiamar dentro ambedue insieme; doue fù letto, & appreso da noi sottoscritto l'Aggiustamento, che in sostanza fù, che tanto io, quanto egli ci dichiarammo di non auer mai auuta intenzione di offenderci l'vn l'altro; di stimarci l'vn l'altro lodeuoli Dottori, e di voler per l'auuenire coltiuar scambievolmente vna buona amicizia: in segno di che ci diedemo, com'io dissi, amicheuoli, e cordialissimi abbracciamenti.

Aggiustato con tanta felicità il punto dell'onore, si passò a quello della Gara Litteraria, che non hebbe felicità minore.

Conciossiacosache auendoci il dì 2. del corrente Sua Ecc. Il Gran Cancelliere assegnata la solita stanza dell'Accademia delle Lettere per lo dì 5. del corrente dopo desinare a ore 20. per iui terminar la Gara con vn discorso da farsi da cialchedun di noi in forma di orazione, o di Lezione coll'interuento de' Matematici di questa Città.

Quiui all'ora assegnata, col concorso de' più Illustri e Dotti uomini di questa Real Corte, e Città, cialchedun di noi fece il suo discorso: Il che io feci con leggere fino ad vn certo segno, e sinacchè mi haueua per-
messo

meslo lo scriuere vn sì corto tempo; del quale oltre alle solite necessarie occupazioni mi era conuenuto darne la maggior parte à preparar varie figure, e di diuerse materie per lasciarmi intender bene al possibile; e a riueder molte cose, che già dieci anni auuea abbandonate; che non mi ricordaua ne meno doue si folsero ad vn dipresso, e che non vi pensaua più.

Auuisi. Terminato il leggere, che mi serui per gettar i fondamenti su' quali io doueua dimostrare, mi diedi co' preparati Stromenti, e figure a dimostrare, come dimostras le cose già dimostrate negl' Insegnamenti Fisicomatematici, MA PERO' CON QVALLCHE NVOVO MEZO affine di non istraccare l'udienza con cose già dette, e ridette.

Auend'io finito di dire comincio, e terminò il Sig. Montanari con discorso limatissimo, e pieno d'erudizioni, interrompendolo però di tanto intanto con ragionar famigliarmente, e con legger la mia Dimostrazione Fisicomatematica, e la mia risposta al Fracassati, e col far sopra d'esse le STESSISIME riflessioni, che sopra vi fece il Finetti nella Proffasi, come se io sopra dette riflessioni non hauessi fatte le mie pe' miei Insegnamenti, e terminò con dichiararsi, che egl' haueua inteso gareggiare solamente sopra le cose già stampate, e che per tanto non rispondeua alle cose da me dette di fresco; come se gl' Insegnamenti non fossero stampati, e se in sostanza non contenessero le medesime cose, sì come egli no le contengono se ne eccettuiamo vna mia dubitanza che tocca nel proposito del commun centro de' Graui, e che toccherò nel fine di questi auuisi.

Consideraz.

Egl'è tanto accertato appresso tutti gl'Intendenti, che quando in vna Disputa Letteraria si tralasciano i mezzi con che fin all'hora s'è impugnata vna concludione non per anco decisa, e si ricorre ad altri NVOVI MEZI affatto diuerfi s'intenda rinunciare a que' primi, e far nuoua questione, e che

che viceuerfa quando la conclusione a principio combattuta, viene dal fuo Autore alterata, o mutata nella Difputa, fi può giuftamente afferire, che egli medefimo la riproui almeno ne' termini in che ftaua prima; che io hebbi per cofa neccellaria portare gli STESSISSIMI Argomenti altre volte da mè, e dal Sig. Finetti in mia diffeſa allegati, & impugnar le Steſſiſſime concluſioni, ſopra le quali a principio nacque la diſputa, e penſai, che il coſì fare foſſe degno di lode, e doueſſe eſſer ſtimato vn'atto ſincero, mentre douendoli informare delle noſtre contete vna ſi Nobile, e Dotta Aſſemblea, io portaua candidamente le medefime armi in campo, conche era ſempre comparſo, e ch'io ſtimaua ſufficientiſſime alla Vittoria, là doue hauerei temuto, che l'apportar qualche nouo mezo tralaſciando que' primi, mi foſſe acritto a debolezza delle prime ragioni. Si contèti per gràtia il Sig. N.N. che per chiarezza io mi ſpieghi con queſta ſimilitudine. Stando io in Piazza diſcorrendo con vna perſona, che haueua volto il viſo verſo l'ombra d'vna Chieſa ſù le 17. hore, venne detto a queſto Signore, che non era Sole; io riſpoſi che sì, voſſe egli prouarmi, che nò allegando, che in quella parte non ſi vedeua Sole; io gli feci voltar la faccia, e vedere che il Sole illuminaua dall'altra parte della Piazza; allhora preſe egli a limitar la ſua concluſione dicendo, che non era Sole in Chieſa, e che ſe non prouauo, che foſſe anchè in Chieſa non lo conuinceuo. Coſì pare à me, che il Sig. N.N. nella ſua Dimoſt. Fiſic. prende a prouare, *che la Dottrina del Centro di Grauità è falſa, eſſend'io ſicuro (dice) che la Definizione d'eſſo Centro è falſa, e falſe per conſeſſenza le Propoſizioni da eſſa acdoſte.* Piglia a prouare la falſità della definizione, con due dimoſtrazioni, che concludono, che ne il Triangolo, ne la Piramide vengono ſempre diuiſi in parti eguali all'hor che per detto centro ſi diuidono; io impugno queſta concluſione, e dimoſtro, che non per queſto è falſa la definizione, perche

non disse mai alcuno, che diuidendo per detto centro i Corpi, o piani, restassero diuisi in parti di egual peso assoluto, ma d'egual momento; replica il Sig. N. ne' suoi Insegnamenti, e di nouo quel giorno nel suo discorso, che la Dottrina del Centro di Grauità è mal sicura, perche l'aria è più graue, più densa due dita più sù, ò due dita più giù d'un dato luogo: io protestai sopra di questo, e sopra d'altri argomenti simili allegati nuouamente, anche intorno gl'altri punti, che io accettaua la tacita rinuncia a i primi argomenti, & alla primiera Disputa, e che non voleua intauolarne di nouo; se bene di quanto potesse dirsi anche intorno a questi nuoui, io ne diedi qualche saggio all'horà così in voce.

Anuifi.

Abbracciatici egli, ed io di nouo in vista, e con applauso dell'vdienna turca, mi credei, che non vi rimanesse da far altro; ma in vn'attimo mi scopersi ingannato; perche subito immediatamente fui assicurato, che il Signor Montanari auesse determinato di stampare il suo discorso; cosa, che intendo che egli effettivamente faccia.

Il che faccia pure con piena certezza che non replicherò mai altro, se non quanto or son per partecipare à voi Amici con rammentarui i punti controuerfi; e con rammentarui doue sieno le mie ragioni circa di essi nelle opere stampate, affin di starmene prettamente a quelle sole; giacchè il Signor Montanari prettamente a quelle sole vuole starlene.

Confid.

Mentre il Sig. N. N. credette, ch'io volessi finire con vn solo discorso in voce le nostre contese; che già erano da tanto tempo publicate colle Stampe, non è merauiglia se si scopersi ingannato, perche io non hebbi mai nel pensiero
simil

simil cosa. Alle risposte, che egli diede al Sig. Finetti, in quel suo libro intitolato Insegnamenti, non haueuamo, ne il Sig. Fin., ne io hauuto campo di far le douute repliche per chiarire la parte Letteraria, per li motiui, ch'io dissi nel Memoriale a Madama Reale, oue la supplicai perciò à darmi Giudici, che CON VOTO DA PVBLICARSI la decidessero. Il Sig. N. N. non volse compromettere, ma restai nulladimeno dalle grazie di Sua Altezza Reale in posto di poter dibattere nuouamente quelle Quistioni con armi da Letterato, ond'io mi farò ambizione in auuenire di gareggiare con esso lui altrettanto di Ciuiltà, e Cortesia, che di Lettere. S'informarono con que' Discorsi i Letterati di Torino, mi restaua da informarne il Mondo con le Stampe; Il Sig. N. mi fauorisce con questi suoi dubbi nuouamente, & io gliene confesso obligazione per lo campo, che mi dà di chiarir tanto meglio le nostre Dispute, che io non haueua potuto fare dentro a i confini di quel Discorso Academico.

Il primo punto è circa al luogo in cui si habbia Fisicomatematicamente a pigliar la grauità de' Corpi nel voto, & in cui l'intendesse il Galileo. Annisi.

Negl' Insegnamenti pag. 109. prouai, che nelle Scienze, tra le quali la Fisicomatematica hà alto luogo deue pigliarsi la grauità de' Corpi nel voto, doue solamente è incapace d'apportare errori: E nel Galileo stampato in Bologna nel primo Dialogo pag. 61. a proposito del pesare, e del fare operazioni per riscontrare la grauità de' Corpi si leggono quelle stessissime parole. L'Operazione dunque acciocche fosse fatta esattamente conuerrebbe farla nel voto.

Adunque se il Signor Montanari mostrerà, doue in quel mio argomento, se vi è, ella con la fallacia, replicherò confessando che il mio fu Paralogismo, e se mostrerà, che queste Parole non habbiano che fare per chiarirci, che il Galileo intendesse, che per pesare esattamente, e come dimanda la Fisicomatematica conuerrebbe pesare nel voto: replicherò confessando d'esser mi ser-

uito d'un testo fuori di proposito.

Mi se egli non farà ne una cosa, ne l'altra, lasciandomi intatto quell'Argomento, e l'allegato testo del Galileo, in tal caso, come se egli mi hauesse espressamente approuato il tutto per vero replicherò, se circa a questo mi hauerà argomentato contro, che non vi è argomento, che veramente concluda contro al vero.

Considerazione.

Per iscoprire questa ricercata fallacia nell'Argomento del Sig. N. è necessario esporre in questo luogo ne suoi termini la nostra Quistione.

Propose il Sig. N N. nelle sue Propos. Fisicomat. alla Proposizione 2. voler dimostrare, che il concetto d'Archimede, che un corpo galleggiante sù l'acqua vi si sommerga fin a tanto, che una parte di quell'acqua eguale alla parte sommersa pesi assolutamente quanto tutto il Galleggiante, è falsissimo, ristrinse questo dire falsissimo a que' casi, oue venisse applicato alle cose Fisiche. Il mezzo con che volse ciò dimostrare fu, che inteso per il peso assoluto de' Corpi quello che essi hanno nel vuoto, non si verifichi quel concetto senza computarui seco vna mole d'aria, eguale alla parte, che soprannota; Io nella mia Lettera al Sig. Fracassati, & il Sig. Finetti nella sua Prostaasi dimostrassimo; che quel Concetto si verificaua nel vuoto, quando all'acqua soprastaua il vuoto, si verificaua nell'Aria quando all'acqua soprastaua l'aria, e negl'altri fluidi ancora, ogni volta che quelli soprastassero all'acqua, o altro liquore sul quale galleggiasse il supposto corpo; onde fosse verissima Fisicomatematicamente, la proposizione vniuersale, Che ogni corpo galleggiando sù un Fluido vi si sommerge fin a tanto, che una parte di esso Fluido eguale alla parte sommersa pesi nel Fluido superiore, quanto in esso superiore pesa tutto il Galleggiante.

Di qui io conclusi, e confermò di nuouo il Sig. Finetti nella Prostaasi, che il combattuto Concetto d'Archimede era Verissimo, anche applicato alle cose Fisiche, & intendendo per peso

peso assoluto de' Corpi quello, che essi hanno nell'aria frà noi, & in qualunque altro mezo, che fosse immediatamente superiore all'acqua.

Replicò il Sig. N. insistendo, che douesse chiamarsi peso assoluto de' Corpi quello che hanno nel vuoto, e non nell'aria, e ne fece l'Argomento citato a' carte 109 degl'Insegnamenti, oue mostra che pesando noi nell'aria, ed essendo questa hor più leggiera, hora più graue, non habbiamo certezza del peso de' corpi in essa, e qui è doue egli dimanda, ch'io gli mostri la fallacia, & io lo prego a considerare che l'Argomento manca in questo, che non proua a sufficienza la sua intenzione, o vogliamo dire, il suo bisogno:

Figuriamoci presentemente vn vaso d'acqua, con vna palla di cera sopra a galla. Qualunque sia la costituzione dell'aria, egl'è certa cosa per la mia dimostrazione Vniuersale allegata di sopra, ch'ella vi si sommerge sino a tanto, che vna parte di quell'acqua eguale alla parte sommersa pesi nell'aria superiore, quanto in essa pesa tutto il galleggiante. Fingiamo che l'aria si rarefaccia, mutarà costituzione il Galleggiante, ma in modo sempre, che nell'aria superiore pesi egualmente egli, & vna porzione di quell'acqua eguale alla parte di lui in quel tempo sommersa; onde la regola, o sia il concetto d'Archimede si verificherà sempre applicato a cose Fisiche, qualunque siasi la mutazione che si faccia del peso de' corpi nell'aria, per mutazione dell'aria medesima.

Non basta dunque a dimostrare il principale intento del Sig. N.N. mostrare, che supposto il peso assoluto quello de' corpi nel vuoto, e facendo l'esperienza nell'Aria vi nasce quello suario, perche bisogna supporre di pesare i corpi in quel mezo, oue si fa l'esperienza conforme l'hanno supposto Archimede, & il Galileo, e gl'altri, i quali Fisicomatematicamente hanno trattato queste materie; e quando anche volessimo dare questo nome di peso assoluto a quella sola
tota-

totale energia, che hanno i corpi in vn mezo, che non ne detragga loro punto, come farebbe il vuoto, non si potrebbe dir più falso il concetto d'Archimede, e degl'altri, che non l'hanno inteso in questo modo, di quello, ch'io potessi accular di falso Tolomeo, e gl'altri Astronomi, che chiamano poli del Mondo i poli dell'equatore; mostrando, che fosse più congruo chiamar poli del Mondo quelli del Zodiaco intorno a i quali fanno i loro moti proprij tutti i corpi Celesti, che non quelli dell'equatore intorno a cui si gira il primo mobile, poiche da vn nuouo modo, che io introduce, di chiamar vna cosa, non posso inferire falsità ne' Concetti di quelli, che altrimenti la nominauano.

Quanto al Galileo, & al passo portato; veggasi sopra a fac. 7. e 8. della mia Lezione, oue portai vn passo chiarissimo, & vn'Argomento infallibile, che il Galileo intendeva per peso assoluto quello nell'aria, e interpretaua così Archimede, nel trattato delle cose che galleggiano, & in quello della Bilancetta, oue tratta ex professo la materia; ne fa a proposito, per mio vedere il luogo citato dal Sig. N. nel trattato delle Nuoue Scienze, mentre quiui non tratta il Galileo, se debba sempre intendersi il peso assoluto de' corpi quello de' medesimi nel vuoto, ma cerca in qual luogo si debba pesare l'aria, poiche nell'a.tr'aria non fa peso veruno, e dice che bisognarebbe pelarla nel vuoto, e nondimeno mostra poi nelle facciate seguenti il modo di pesarla anche nell'aria, & hauerne il peso, che hauerebbe nel vuoto: fauorisca dunque il Sig. N. N. legger tutto quel luogo, & i luoghi da me citati, è vedrà ch'è indubitatisimo, che quando il Galileo definì il peso assoluto de' Corpi nel trattato delle galleggiati, intese il loro peso nell'aria, perche, come dissi nella Lezione, inteso così, le sue dimostrazioni corrono bene, e sono tutte verissime, la doue intese come vorrebbe esso Sig. N. N. farebbero paralogismi.

Anusi.

E se tornerà a dire ciò che disse l'Autore della Prosta f. 53.

c 110

e ciò dieho egli s'è hora seruito nel suo discorso circa questo Punto, doue hà argomentato, come se la nostra Quistione supponesse il Peso nell' Aria, lo inuitarò a legger gl' Insegnamenti a fol. 117. oue hebbi occasione di far vedere all' Autore della Prottasi, che vn tal supposto repugnaua alla nostra Quistione, che cerca doue il peso assoluto s'habbia a intendere in aria, o nel vuoto.

Ne il Sig. Finetti nella Prottasi, ne io nella mia Lezione Confid. habbiamo argomentato, come se la nostra Quistione supponesse il peso assoluto nell'aria, ma habbiamo argomentato e prouato che il Concesso d' Archimede, è verissimo, non falsif. s'imo non solo quando si suppone il peso assoluto nel vuoto, come vuol fare il Sig. NN., ma anche quando egli si suppone nell'aria, come hà fatto il Galileo, e gl'altri, e Archimede stesso, purchè s'intendano pesati in quel mezo, che soprastà all'acqua immediatamente, e questa è la nostra Questione, e non se il peso assoluto debba intendersiqui, o là; cncè non hò supposta cosa che repugni alla nostra Quistione.

Il secondo Punto è circa quel Concesso, che il Galleggiante si Anisi. sommerga nell'acqua sinacche vna mole d'acqua uguale alla parte sommersa pesi assolutamente quanto assolutamente pesa il Galleggiante.

Concesso, ch'io dichiarai, e prouai esser falsissimo in Esficomatematica prima nella Dimostrazione, dopoi nella risposta al Fracassati, e finalmente prouai, e confermai negl' Insegnamenti da pag. 122. sino a pag. 142. Doue hò dimostrato, che il Galleggiante s'equilibra, non con vna mole d'acqua uguale alla parte sua sommersa, ma sì con detta mole d'acqua, insieme con vna mole d'aria uguale alla parte che soprannuota.

Che però se il Sig. Montanari farà vedere doue sia la fallacia della da mè pretesa dimostrazione, il che non potrà fare se non in prouando, che quell'aria non habbia parte nell'equilibrio fattosi, e che assolutamente tanto pesi la sola mole d'acqua, quanto assolutamente pesa detta mole con l'altra mole dell' Aria confesserò d'esser caduto in isconuenientissimo Paralogismo.

Se

Non lo direi così, mà io credo, che il Sig. N. N. ne vedrà per lo meno la inefficacia se vorrà considerare, che quel tal concetto fu da lui proposto sotto nome di *Concetto d' Archimede*, e Archimede, e gl'altri, che dopò lui se ne sono seruiti hanno supposto per peso assoluto il peso in aria, la doue il Sig. N. N. , non lo vuole, se non nel vuoto; La sua dimostrazione dunque conclude, che posato su l'acqua qui nell'aria vn corpo, e poi pesato nel vuoto non torna vero il *Concetto d' Archimede*, mà in questa forma non è *Concetto d' Archimede*, mà è solo del Sig. N. N. Poiche Archimede, & il Galileo intesero il peso assoluto nell'aria, come s'è tante volte prouato, e intendendolo così, le loro dimostrazioni sono verissime, & esenti d'ogni dubitazione, la doue intese, come vorebbe il Sig. N. N. sarebbero Paralogismi, e si farebbe gran torto ad Archimede, al Giordano, al Tartaglia, a Marino Getallo, nel suo sottilissimo Trattato *Archimedes promotus*, & al Galileo medesimo; se doue le loro dimostrazioni hanno l'interpretazione vera, e sana, secondo la quale sono verissime, e dimostrate le loro conclusioni, noi volemmo dar loro vna interpretazione secondo la quale fossero i loro concetti *falsissimi*.

Insiste il Sig. N. N. nel dire, che sono falsi Fisicomatematicamente, ma secondo i termini di questa scienza parlarono pur questi Autori, e se Fisicomatematicamente vuol dire applicando li concetti Matematici alle cose Fisiche, io hò fatto vedere a bastanza, come si verificano questi Concetti d' Archimede applicati alle cose Fisiche, e nell'aria qui frà noi: Il Sig. N. N. si dichiara per tutto, e in questi *Auanti* sopra fac. 27. e negl' insegnamenti in più luoghi, particolarmente à car. 109. *Che Fisicomatematicamente si debba pigliare il peso nel vuoto*, e poi nel fine di detta Pagina dice, che *Archimede nò trattò de Galleggianti Fisicomatematicamente, ma s'immaginò l'vnido in luogo, oue non fosse altro corpo, che il Galleggiante, & esso, cioè nel vuoto*. Ma
sele

se se lo imeginò nel vuoto, se lo imaginò Fisicomatematicamente secondo queste regole: Ma sia come si vuole di ciò: la verità è che il Galileo hà parlato così chiaro, di sè, e d' Archimede ne' luoghi, che hò sopra portati a c. 8. e 9. che non dobbiamo interpretarli in altro modo, se non vogliamo far loro dire Concetti falsi.

Ma se egli non mostrerà doue s'asconda, s'ella vi è la fallacia in questa mia da mè pretesa dimostrazione, lasciandola intatta, in tal caso, come se me l'hauesse espressamente concessa per dimostrazione replicherò, se circa di essa haurà stampato alcuna cosa per concludere all'opposito di lei, che non può darli conclusione buona all'opposito della Dimostrazione.

S'è mostrato nel S. di sopra, & in tutte le considerazioni, fin qui, che cosa doueua concludere la pretesa dimostrazione, se voleua il Sig. N. N. prouare il suo intento, che fosse falsissimo il Concetto di Archimede.

Il terzo punto è circa la Dottrina del centro di Gravità.

Della quale pretendo essermi ben seruito ouunque mi sia occorso l'adoperarla; e la quale, che sia pericolosa in Fisicomatematica l'hò ACCENNATO nella dimostrazione, e nella risposta al Fracassati, e l'hò confermato, e dimostrato ne' Insegnamenti in più maniere pag. 45. e 46.; ma più semplicemente, e chiaramente pag. 54. doue ho dimostrato, che un Cilindro sospeso nel suo centro di gravità non si equilibra in ogni sito, come ei dourebbe equilibrarsi per la Dottrina del centro di Gravità, e secondo gl'effetti, che douerebbono auuenire delle bilancie costrutte dal Sig. Montanari, ed esposte nella Prostafo pag 32.

Sicche se il Sig. Montanari, omettendo ciò che disse il Finetti nella Prostafo, e ciò che egli tanto diffusamente ridisse nel suo sudetto D scorso fatto nell'Accademia intorno à Parole dette da mè quando io supponeua, e non quando io prouaua, e dimostraua; se egli, dico, omettendo queste parole, mostrerà con effetto doue io mi sia mal scruto della Dottrina del Centro

di Gravità, e doue, se ella vi è, si contenga la fallacia nella damentese di m. Fraxione fatta dell'accennato Cilindro, replicherò confessando d'hauer errato, e gli renderò grazie d'esser da lui stato cauato d'errore.

Confid.

Mi perdoni il Sig. N.N. se io non posso seruirlo di lasciar da parte ciò, che disse il S.g. Finetti, e ciò, che hò dett'io in questa conte à tel centro di Grauità, perche questa è la nostra prima Questione, e non quella, che negl'insegnamenti, e in questi Auuisi pare, ch'ei voglia introdurre, lasciando la prima: Quando il Sig. N.N. pubblicò le sue pretese Dimostrazioni Fisicomatematiche, egli pretese in quella dimostrare, che la Dottrina del Centro di Grauità era falsa, essendo io sicuro (disse) che la Definizione di esso centro è falsa, e false per conseguenza tutte le proposizioni da essa dedotte; Io presi a difenderla per vera, e dimostrata, e mostrai doue staua la fallacia nelle Dimostrazioni da lui prodotte, come disse, a petto della definizione degli Autori, mentre consisteuva in hauer preso il senso di quella definizione diuerso da che l'intesero gl'Autori. Questa dunque è la nostra quistione, e se negl'insegnamenti lascia di pretendere falsa la Dottrina, e la sua Definizione, e nel Discorso fatto nell'Accademia, e in questi Auuisi s'appoggia egli tutto sopra le difficoltà nuouamente da lui penlate, & elposte, io hebbi ragione di protestare, ch'io accettaua per ceduta la prima nostra contesa, e che questo era vn intauolarne di nuoue. Ne iò hò preteso, che egli si sia mal seruito di quella Dottrina, anzi che ei l'abbia male impugnata in quelle Dimostrazioni alle quali, in difesa di essa Dottrina, e d'Archimede, e di tant'altri, che l'hanno riceuuta per vera, io contradissi nella mia lettera al Sig. Fracassati.

Auuisi.

Ma se in vece di far ciò, continuerà col suo dire: Egli disse io hò detto, queste sono le sue parole, queste sono le mie, così egli l'intese, e così le intesi io, &c. Replicherò d'hauer un qualche piccolo dubbio, che finalmente egli voglia restar

star al di sopra in parole, ma che in fatti la ragione sia mia.

Se io voglia reitar al di sopra in parole, e le in fatti la ragione sia del Sig. N. N. in questa parte, io mi rimetto a quanto ne potè Giudicare la Nobiliss. e Virtuosiss. vdiènza, che hauemmo nell' Accademia di S. A. R. dopò hauer vdito, e inteso il mio Discorso, e a quanto ne giudicherà chiunque leggerà il Discorso medesimo, oue io porto appunto le sue, e le mie parole sopra questo fatto; e doue si può riscontrare, che cola sia *l'egli disse, & io dissi, &c.*

*Vedi so-
prà fac.
12. e seg.*

Ma perche non sembri al Sig. N. N. che io perciò mostri far poco conto di questi suoi nuoui dubbi, e delle ragioni cò le quali egli mostrar vorrebbe, che vn Cilindro sospeso in aria per lo vero centro di Grauità non possa equilibrarsi se non in sito orizzontale, la doue dourebbe per detta Dottrina equilibrarsi in ogni situazione, io lo rimetterò di nuouo al Sig. Marchese Guidubaldo del Monte, che si a lungo, e si dottamente hà confutati tutti quelli, che già furono dell'opinione, hora sulcitata di nuouo dal Sig. N. N. nella sua Proposizione quarta della Bilancia; poiche quiui con vna digressione di ben 45. pagine, e perciò lunga da riferire in questo luogo, egli stabilisce con forti considerazioni, e con indubitata dimostrazioni la verità della conclusione, la quale non vedo scossa abbastanza dalle cose dette dal Sig. N. N. Anzi vedo, che il Sig. Filippo Pigafetta nell'aggiunta, che fa quiui al medemo Marchese, adduce di più in confermazione della Dottrina l'esperienza fattane; dicendo queste parole: *La qual cosa in tutto è contraria prima alla ragione* (il dire, cioè, che vn Cilindro non debba equilibrarsi in ogni sito) *per sseue la Dimostrazione della sudita quarta Proposizione tanto facile, chiara, e vera, che non sò come se le possa in modo alcuno contradi- re; e poi all'esperienza, conciossiacchè l'Autore habbia fatto sottilissimamente lauorare bilancie giuste apposta per chiarire questa verità, una delle quali hò vedute in mano dell'Illustrijs. Signor*

*Guidubal-
do Me ca-
nic'an.
l. 1. Pro-
pos. 4.*

Gio: Vincenzo Pinello mandatagli dall'istesso Autore, la quale per sser sostenuta nel centro della sua gravetza, possa douunque si vuole, e poi lasciata stà ferma in ogni sito doue ella vien lasciata. Se dunque l'esperienza è manifestamente contraria a questa opinione, io credo, che non restarà di molta efficacia la riflessione per altro sottilissima portata dal Sig. N.N. che l'aria sia diuersamente constipata, e graue due dita più sù, ò più giù d'un dato sito; e penso, che questo suario, quando vi fosse, non impedirebbe, che la Dottrina del Centro di grauità, applicata alle cose Fisiche, che è il dire Fisicomatematicamente, non fosse vera; essendo noi soliti in tutte le scienze Fisicomatematiche, come sono l'Astronomia, l'Ottica, & altre, di accettar per vere le proposizioni, quando in esperienza corrispondono al senso, in modo, che non potiamo scorgerui veruna, benchè minima discrepanza; & io non haurei molta fatica a mostrare, che l'asta d'vna bilancia da oro, sospesa per lo centro di grauità in sito obliquo all'orizzonte non troua la pretesa differenza nella grauità dell'aria più basso, e più alto, che possa eguagliarsi al peso, che haurebbe vna sola parte d'un grano diuiso in dieci milioni di parti, hora, chi è quello, che creda, che così piccola grauità basti per far muouere vna bilancia, ò vn cilindro, ancorche sospeso per lo centro della grauità, e farla tornare al suo sito?

Annisi.

Il quarto punto è circa a Pensieri del Sig. Montanari, che l'Aria con la sua grauità, e pressione habbia parte nelle salite che fanno i liquori sù pe' cannellucci di vetro aperti da ambedue i capi, e nell'arginarsi che fanno i medesimi liquori alle sponde de' vasi.

Pensieri, che io nell' Antigone oppugnai, e che nell' Insegnamenti hebbi di nuouo occasione di dimostrarli non sussistenti, e specialmente con tre proue, la prima nella pag. 171. la seconda nella pag. 175. e la terza nella pag. 180.

Per lochz, se il Sig. Montanari mostrerà oue, se ella vi è, s'ascon-

s'asconda la fallacia in quelle mie proue; replicherò confessando di non hauer cervello per conoscere quali argomenti comincano, e quali nò.

Ma se egli lascerà di far questo; pigliandomi io la licenza di supporre, che mi habbia confessato infallibili delle proue, replicherò se contro di esse haurà arreccato, che che sia, che niente vi è in realtà, che possa convincere per falso l'infalibile.

E se vedrò che di nuouo doppo tante volte abbia detto, che io m'ingannai in vn esperienza, replicherò con pregarlo a legger di nuouo gl' Insegnamenti, doue pag. 182. fò vedere, che se in detta esperienza m'ingannai circa al più, e al meno, ed egli nella stessissima esperienza s'ingannò circa al nò, e al sì.

In quattro luoghi narra d'hauer impugnato i miei Pensieri il Sig. N. N. vna nell' Antignome, che fu la prima opera oue si prese pensiero di scriuermi contro, e l'altre tre ne gl' Insegnamenti, che fù l'ultima, e fu la replica, ch'egli fece alla Prosta di del Sig. Finetti. Confid.

Mi compatirà dunque s'io dico dopo tante volte qualche cosa in primo luogo contro la prima, giacche egli dopo tante volte la torna a mettere in conto. L'vnica impugnazione, che portò nell' Antignome a miei Pensieri fù quell'esperienza, nella quale, perche come dissi nella Lezione ella riuscì affatto al contrario del suo dire, dice essersi ingannato dal più al meno, e che io nella medesima m'ingannai dal sì al nò, ilche deue con sua buona gratia vederfi.

Nell'esperienza doueua secondo la sua narratiua vederfi salir l'acqua sù per vn Cannello, dopo hauer rarefatta l'aria, che vi era iutorno chiusa in vn bichiere nel modo ch'egli narra nell' Antignome a c. 9. e a c. 150. Ma in preséza di tutta l'Academica della Traccia si vidde, che quando l'aria iudetta era punto rarefatta, non olo non saliuu l'acqua sù pel Cannello, ma per lo contrario vi scendeua l'aria fin sotto l'acqua, e n'uscìua per l'orificio inferiore; e questo si chiama vn' ingannarsi dal più al meno?

All'in-

All'incontro il Sig. Finetti disse che nel semplicemente cauar fuori dell'acqua quel piccol vaso *non fu possibile che da esso vaso uscisse acqua, onde potesse l'aria intorno al Cannello ridursi a verun grado, non che al sommo della rarefazione*; mostra il Sig. N. N. che doueua uscire qualche piccola benchè insensibile porzione, onde doueua ridursi a qualche grado di rarefazione; & io rispondo, prima che se si fosse ridotta a qualche grado di rarefazione, ne sarebbe sempre seguito ciò che rarefacendola effettivamente seguiva sempre, cioè, che l'aria scendeua, non salua l'acqua per quel Cannello; secondo, che qui si tratta di narrare vn'esperienza sensibile, e non si può mettere in conto, se non quanto con i sensi si conosce, e quell'insensibile pretesa rarefazione non era di questo genere; e terzo, che quel dire *verun grado*, mentre non era verun grado sensibile, o osseruabile, fu posto dal Sig. Finetti per Antitesi all'asserzione del Signor N. N., che diceua queste Parole *Era forato il vaso; e posto dentro vn altro vaso con acqua sicche alzandolo, & abbassandosi l'acqua è certo che feci arriuare quell' aria dirò così* AL SOMMO DELLA RAREFAZIONE oue se quella ch'egli chiamaua giunta al sommo della rarefazione trouiamo noi non rarefarsi a verun grado sensibile, ancorche concediamo che qualche piccola ma insensibilissima rarefazione vi douess'essere, sarà vn'errore il nostro dal sì al nò? il quale però se si ammettesse non farebbe punto a pro del Sig. N. N. per la pretesa impugnazione: & il suo, doue in vece di salir l'acqua sù pel cannello, nel che consisteu la forza di tutta la sua impugnazione, vi si vede discender l'aria fin sotto l'acqua medesima si deue dire vn ingannarsi solo dal più al meno? Ma che? forse non dice il Sig. Finetti poche righe dopo, che sapeuano i Signori Accademici *che in caso, che il vasetto fosse stato d'alcuna considerabile lunghezza, sarebbe forse uscita alcuna piccola porzione d'acqua, poiche ell' haurebbe fatto rarefar quell'aria superiore sino a quel segno, che il di lei peso ha-*
uesse

uesse potuto, IL CHE NON APPARIVA SENSIBILE IN COSÌ POCA ALTEZZA. Ecco dunque che non s'ingannò punto ne il Finetti, ne i Signori Accademici, ne io, mentre la rarefazione pretesa narrò il Sig. Finetti *non esser sensibile in così poca altezza*, e se disse a *verun grado di rarefazione*, intese di gradi sensibili, come poco dopo spiegossi.

Spedito dalla prima Impugnazione passiamo alle altre tre, le quali se bene sono portate nell' ultima replica che fece il Sig. N. N. e perciò fanno nuoua disputa diuersa dalla prima, nondimeno trattandosi di difendere la Dottrina mia propria, non ricuso farlo contro a tutti gl' Argomenti, ch'io conoscerò non conuincenti; tanto più, ch'io non disapprouo il pensiero del Sig. N. N. che nella pag. 183. da lui citata dice, che se bene è riuscita inefficace questa sua prima oppugnazione, non però deuo chiamarmi del tutto Vincitore, mentrè egli seguita ad oppugnar mi con altre Armi.

Il primo Argomento dunque che porta, & hà citato di sopra il Sig. N. N. è negl' Insegnamenti a car. 171. oue egli porta vna figura non dissimile a questa, e dice. *Nel Vaso A. Fig. 1. T. con l'acqua H. T. si ponga il Cannello R. Q. e vi si immerga fin tanto, quanto la sua altezza comporta, acciò l'acqua arrini all'estremità superiore R. S. del detto Cannello, e s'intenda l'acqua R. O., P. S. quella, che cacciata si è nella scabrosità del vetro (vuol dire cred'io ne gli spazietti fra le particole dell'aria, e il vetro) assegno, che non senia la pressione dell'aria, ò almeno non in tutto, ed A. E. sia l'ultima esterior superficie della nostra Atmosfera, e sia la superficie L. M. eguale alla O. P. che subito si vede, che l'acqua egualmente giacente in H. Q. non è similmente premuta, perche è maggiore il momento dell'aria E. P. & acqua F. P. che non è il momento di tutta l'aria B. M. se dire non vogliamo, che il momento dell'acqua F. P. sia eguale a quello dell' Aria X. M. in maniera che tanto pesi un cilindro d'acqua, quanto vno d'aria à se uguale, &c.*

Hora

Hora giacche il Sig. N. N. vuole, ch'io gli mostri doue consista la fallacia (dice egli) in questa sua proua , si contenti di offeruare , che senel Cannello R. Q. saglie in alto tant'acqua , quanta lo riempie , che è vn Cilindro , che hà per base, ò diametro di essa tutta la N. Q. egli doueua secondo le vere leggi dell'equilibrio supporre la base del Cilindro d'aria X. L. M. eguale a tutta la N. Q. non alla sola O. P. imperciocche se bene l'acqua R. O; G. Q. entra in que' spazietti vuoti, ella vi entra però spinta dal pelo dell'aria esterna, il che hà supposto anche il medesimo Sig. N. N. poco sopra , dunque ella fa la sua porzione di resistenza , e consequentemente vnita alla F. P. contrasta con vn Cilindro d'aria, che ha la base eguale, non ad O. P., ma a tutta la N. Q. & all'incontro il Cilindro d'aria che resiste a questa salita sarà il solo Cilindro E. F. G., che hà la base minore della predetta tanto, quanto importano li spazietti vuoti frà l'aria , e il vetro, da lui intesi per lo spazio R. O., G. Q. adunque non è miracolo se vn Cilindro d'aria di base piccola non s'equilibra ad vn'altro Cilindro d'aria di base maggiore senza l'aiuto di quel poco d'acqua , che saglie su per quel Cannellino , anzi di necessità deue così fare , e perciò io lo prego a concedermi, ch'io dica, che questa sua proua esaminata secondo le leggi vere della natura , conclude totalmente a mio fauore .

Il secondo argomento è citato dal Sig. N. N. a pag. 175. & è quello, che da lui fu portato in voce nel suo Dottissimo discorso nell' Academia , e da me pure in voce quiui confutato. Quiui fa egli questa figura , oue egli intend e nel Triangolo M. D. N. l'arginetto , che fa l'acqua alla sponda N. L. d'vn capo, dicendo .

Fig. 1. Sia il Liuello D. Q. dell'acqua stagnante nel vaso, e sia N. L. la sponda di detto vaso, e le linee puntate s'intendano l'aria aggrauante, & il D. M. N. sia l'acqua, che alla detta sponda si sia alzata, & in L. H. vi s'intendano quelle scabrosità della superficie

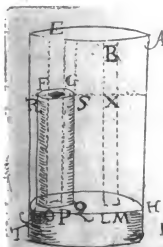


Fig. I

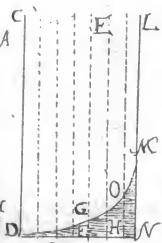
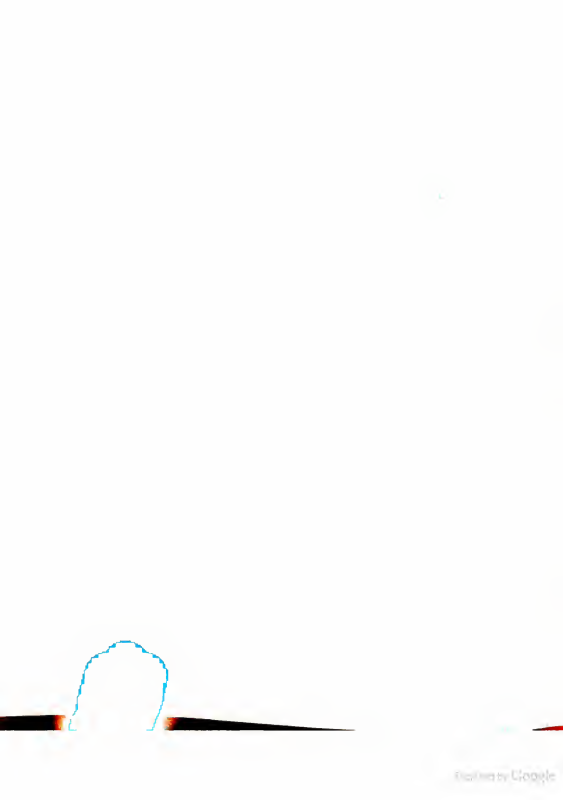


Fig. II



Fig. III



cie del vaso, nelle quali l'acqua niuna pressione senta, o pure minore, che nel mezo del Vaso secondo la Dottrina del Sig. Montanari, se non fosse la viscosità, l'acqua salirebbe lungo la sponda del medesimo, sino in L., e da D. H. verso D. l'acqua in niuna maniera s'innalzerebbe, ma perche vi è la viscosità, l'acqua non sale sino in L. essendo che non può tirarsi dietro quantità d'acqua maggiore della D. O. H. che aggraua, e tira in giù; & in questo hò vn mio dubbio. Imperciocche io dico supposto che in C. D. visia il momento di 100. e in H. L. di 99. come assegnate voi per esempio a fac. 129. ed anche meno, anche niente; adunque l'acqua che deue salire in H. L. non potrà tirarsi dietro per la viscosità, ne potrà far salire cosa, che passi 100. di momento; mà fa salire l'acqua da F. in G. che è di qualche momento, adunque oltre questa non potrà far salire cosa che di momento sia 100. ma nel tirarsi dietro l'acqua, fa anche salir l'aria E F. da F. in G. che hà il momento di 100. appunto, quanto ne hà in C. D. adunque, &c.

Ingegnosissima obiezione; ma per chiarire in che consista l'equiuoco, a causa del quale non hà la forza che sembra d'hauere, io prego il Sig. N. N. a riflettere ch'egli suppone che ciascun Cilindro d'Aria eguale al Cilindro Q. H. habbia la stessa forza di 100. che egli attribuisce all'acqua per salire sù per H. L. in que' spazietti vuoti, e che cumulati insieme, e con l'acqua O. H. D. F. &c. Facciano somma maggiore, & egli sà molto bene che tutti insieme non fanno la forza di più di 100. se vi fosse l'ampiezza d'vn Oceano, perche le forze delle pressioni de' Liquori non vanno numerate secondo le moli, ma secondo le basi delle moli, com'egli sà benissimo, e lo suppone dottamente altroue. Ad effetto dunque di riddurre in chiaro le differenze di queste pressioni, Consideriamo quanta sia la forza, con che salirebbe l'acqua D. N. sù per lo Cilindro, o Prisma. &c. C. D. N. L. se non incontrasse l'ostacolo dell'aria, che gli preme adosso: certo tanta quanto è il peso

d'un Cilindro d'aria alto quanto è l'atmosfera, e largo quanto è la Base D. N. Ma e la resistenza, che gli fa l'aria soprastante quanta è? quanto è vn Cilindro d'aria di pari altezza, mà che hà di base solo la D. H; poiche, per la supposizione del medesimo Sig. N. N., il restante contiene que' spazietti vuoti, che fra l'aria, e la sponda io diffi restare. Dunque è minore la resistenza, o sia la grauità, o, reffione, che fa l'aria C. D. G. O. sopra quell'acqua, che non è la forza, con che ella è spinta in alto, e per conseguenza ascenderà, innalzandosi più dalla parte L. N. doue è il difetto della pressione, e formando il cunco, o arginetto M. D. N. nel quale io nõ hauerei difficoltà di credere fosse contenuta appunro tant'acqua, quanta potrebbe salire sù per la sponda N. L. empiendo que' spazietti vuoti sino all'altezza di 18. braccia Fiorentine in circa, (fin doue può salir l'acqua nel vuoto), se ella non hauesse la viscosità sua, che non la lascia così salire; poiche tanta appunto è la differenza del peso dell'aria, e della forza dell'acqua, ch'io testè esaminaua: E figuriamoci in grazia, ch'io haueffi vna Catena lunga cento braccia posta in terra in vn cumulo, & haueffi ligata vna fune a vn capo di essa, che da vna Caruccola alta da terra 20. braccia potesse tirarla in alto, applicando, la forza all'altro capo della fune, e supponiamo, ch'io attaccassi a quest'altro capo vn peso equiualente al peso di 18. Braccia di quella catena; lasciato questo peso in libertà, egl'è manifesto, ch'egli scenderà tirando sù verso la Caruccola tanto di quella catena, finche ne siano solleuate da terra 18. braccia, che all'ora seco s'equilibrerà; Mà se la catena fosse intrigata in modo di non poterfi distendere all'altezza di 18. Braccia, senza portar le altre seco annodate, e confuse, che farebbe? solleuerebbe tanta porzione di quella catena, sin che restasse sopra terra sostenuto il peso di essa equiualente a 18. Braccia di Catena, e quiui si fermerebbe. Tanto fa l'acqua; ne in altro manca la similitudine se non quanto in vece d'esser

d'esser tirata per di sopra, ella è spinta per di sotto dal peso d'altr'aria premente, e se non saglie fino alle 18. Braccia in quella sottigliezza, che dourebbe per scorrere frà quelli spazietti, a causa, che per tal sua viscosità le sue parti vna con l'altra sono lateralmente congiunte, non resta però, che la forza, che la spinge non solleui dal suo piano orizzontale quella medesima quantità di essa formata in quel Cunco, o arginetto, che si fa alle sponde, che basterebbe a salire per que' minimi spazietti fino alle 18. Braccia.

Il Terzo argomento finalmente, addotto dal Sig. N. N. è nella Pag. 180. fondato sù l'esperienza mia 15 nella quale dissi, *che tenuto vn Cannello vuoto in aria sospeso a perpendicolo, e sparsaui sopra acqua per fianco in modo, che nel cader passi dall'orificio inferiore del Cannellino, l'acqua entra nel Cannellino all'in sù spontaneamente.* Sopra questa esperienza, considera in sostanza il Sig. N. N., che non hauendo la gocciola d'acqua nell'arriuare all'orificio inferiore, sù che appoggiarsi per di sotto, in virtù di che, il peso dell'aria esterna la faccia salir sù per quelli spazietti; se pure ella vi saglie, dunque non per causa dell'aria esterna, la quale, dice egli, non spinge lateralmente col suo peso, ma solo in giù; e si ferma molto nella facciata seguente per dichiararsi di non ammettere, che l'aria premuta del proprio peso spinga per ogni verso con egual forza quanto è la sua grauità: e forma sù questa Figura il seguente Argomento, intendendo per lo spazio H. D. X. il vano del Cannellino C. C. e per la pallina E la gocciola d'acqua approssimata all'orificio inferiore nel cadere lungo il diffuori del Cannellino, e dice

In natura sol che si muoue può muouere l'acqua E.

Mà l'aria non si muoue,

Dunque l'Aria non può muouere l'acqua E. e per conseguenza non la può spignere sù pel Cannellino.

Proua poi la minore con la similitudine di due Lottatori, ciascun de' quali procuri rimuouere il competitore dal suo

go oue è, che per rimuouerlo non basta che spinga, ma deue superar la resistenza dell' Auuersario; onde quand'anche l'Aria spingesse da Q. verso P. essendo eguale la forza con la quale da P. spinge verso Q. non muouerà l'Acqua E.

In risposta a tutte le quali cose breuemente dirò, che la forza che fa l'aria, & ogn'altro fluido intorno a i corpi tutti, che gli sono dentro sommersi, e con la quale gli preme all'intorno per ogni verso, è hoggimai fra moderni Filosofi così fuori di controuersia, che non hò bisogno di prouarla, se bene il Sig. Finetti disse tanto nella Protesi in proua di ciò, che potrebbe bastare; e questa forza appunto è quella che riduce in forma sferica le goccioline d'acqua nello scendere per aria, e le particole d'aria nello salire su per l'acqua, e fa mill'altre operazioni notate da tanti Moderni. Hora se la gocciola E. non hà per disotto l'appoggio d'altra acqua che posi in vn vaso, onde possa essere spinta su per l'orificio X. ella hà però per di sotto l'aria stessa, che spingendo altrettanto all'insù quanto da lati, Q. verso P. e P. verso Q. farebbe l'effetto, che dice il Sig. N.N. di due Lottatori, quando vicino a quell' orificio vi fosse aria, o altra cola, che spingesse con pari forza all'ingìù, ma perche quiui ella troua que' spazietti vuoti, e per consequenza è priua da quella parte di pressione, che bastia resistere a quel a, che di sotto le vien fatta nõ è merauiglia se *qua data porta ruit*. Nõ era dunque prouata abbastāza la minore dell'argomēto, perche sempre che l'acqua circondata dall'aria non hà da lato alcuno la pressione diseguale, sarà vero, che l'aria non la muoue, & hauerà luogo la forza eguale de' Lottatori, ma quando da vn lato ella s'appoggia a vn luogo, oue sia spazio vuoto preuale la forza degl'altri Lottatori all'intorno, che la spingono in quella parte. Così la membrana d'vna vessica fortemente gonfiata preme all'intorno ne l'aria contenutaua con egual forza per ogni verso, e la contiene ristretta; ma se da vn lato manca la continuazione di quella membrana per qualunque

que accidente che sia; vedesi uscire da quel lato l'aria con quella forza, con che le fibre del restante della vescica all'intorno la spingono.

Ecco dunque, che non erano *infallibili* quelle *prone* del Sig. N. N., ancorche certo ingegnole, e degne del suo spirito; e che que' miei *Pensieri* non vanno errati per quanto fin qui m'abbia addotto in contrario il Sig. N. N. restando sempre più palese, che l'Aria è l'efficiente di quegli effetti: Onde si come alla oppugnatione, ch'egli fece a detti miei *Pensieri* nell' *Antignome* mediante l'esperienza accennata, egli ha sinceramente ceduto confessando di essersi in quella ingannato, così spero, che con pari sincerità riconoscerà, che *l'altre armi, conche ha seguitato d'assedare nell'Insegnamenti; la mia Dottrina non baltavano per espugnarla.*

Per darvi poi un tocco della dubitanza, che accennai d'aver intorno al centro de' *Gravi*; ella è che stimo non esservi evidenza, che i nostri *Gravi* abbiano propensione al centro della Terra; essendo possibil cosa che anzichè, abbiano di sua natura il contristare all'asserui condotti; l'esercitar memento per di quiui salire, se a forza ritenuti vi fossero; ed il salirsene con effetto, rimossa, o superata essa forza.

Delche chi ne voglia chiara prova fingasi nella profondità della Terra comprendersi una sfera, che colla Terra abbia comune il centro: si finga, che alla superficie di detta sfera abbiano propensione i nostri *Gravi*, siccome volle *Aristotile* che i suoi *Leggeri* avessero propensione alla superficie d'una sfera più grande: e si finga che nel centro della Terra sia cosa, dalla quale i nostri *Gravi* abbiano per sua naturalezza lo starne lontano, non altrimenti; che lontano douerebbero starne gli accennati *Leggeri*.

Si finga, dico, tali cose, con sicurezza, che vagliano a mantenerli possibili contro alla forza d'ogni genere d'opposizione; e sulla loro possibilità diasi ad argomentare, che se egli lo farà veramente, senz'alcuno fallo s'incontrerà nella dimostrazione che

de' nostri Graui dourebbero vedersi i medesimi effetti appunto, che se ne vedono, e che per tanto gli effetti, che di loro si vedono non sianco euidenza, che la loro inclinazione sia al centro.

Che è di quanto hò voluto auuissarui, Amici, a quali desidero salute, e felicità.

Torino 7. Marzo 1678.

Consid.

Io confesso di non hauer capito ne quì, ne nel Discorso Dottissimo, che fece il Sig. N. N. nell' Academia di S. A. R. oue à lungo esposè, con la similitudine di certe piante di Cetriuoli, questa sua nuoua Dottrina, qual forza ella hauesse nelle nostre dispute, o contro qual punto di esse ella fosse applicabile; onde non paruemi d'hauer senza ragione protestato di non ingaggiarmi in nuoue dispute, e perciò aspettarò, che il Sig. N. N. mi fauorisca dirmi, ciò che egli ne inferisca nelle nostre controuersie, accertandolo, che tantosto si compiacerà farmi questo fauore, io all'incontro lo seruirò, o con dire le ragioni, le ne haurò in cōtrario, o con cedere sinceramente se mi parrà, che la verità sia per lui. Parendo à mè che questa sia la legge più lodeuole, e più propria de' veri Filosofi pronunciata dal Prencipe de' Peripatetici ne suoi Elenchi, oue dice

Duo sunt Opera Sapientis, quorum unum est non mentiri de quibus nouit; alterum falsitatem manifestare posse. Arist. Elench. lib. 1. c. 2.

IL FINE.

Di. Salvador Francisco e Sardi